Journal of Shandong University of Science and Technology(Natural Science)

DOI: 10.16452/j. cnki. sdkjzk. 2023.06.006

文章编号:1672-3767(2023)06-0049-08

地下空间增层开挖支护桩与基桩工作特性模型试验研究

孔德森^{1,2},吴绍娟¹,马顺顺¹,王 凯¹

(1.山东科技大学 土木工程与建筑学院,山东 青岛 266590;2.山东科技大学 山东省土木工程防灾减灾重点实验室,山东 青岛 266590)

摘 要:既有建筑物地下空间增层过程中,既有支护桩和基桩不足以抵抗二次开挖所引起的侧向土压力,需要增加 新的支护桩以保证原有建筑物的稳定。形成的新体系中,各桩的受力特性有很大的不同。因此,采用室内模型试 验方法,研究双排支护桩和基桩的桩顶水平位移及桩身受力随开挖深度的变化规律。结果表明:既有、新增支护桩 的桩顶水平位移随二次开挖深度的增加而不断增大,但新增支护桩的桩顶位移增长速度比既有支护桩的缓慢,基 桩的桩顶水平位移随开挖深度的增加基本保持不变。另外,在既有基坑二次开挖条件下,支护桩桩身的弯矩分布 呈中间大、两边小的趋势,基桩桩身弯矩呈"S"型分布,基坑中部的新增支护桩弯矩大于既有支护桩弯矩,中心位置 处的新增支护桩分担土压力的作用更强。在空间效应影响下,从中心桩到边角桩,支护体系的桩顶水平位移逐渐 减小,随着开挖深度的增大,中心桩的桩顶位移和桩身弯矩增长速度均最快。

关键词:基坑;增层开挖;支护桩;桩基础;模型试验

中图分类号:TU473 文献标志码:A

Model test study on working characteristics of support piles and foundation piles during excavation of additional layers in underground space

KONG Desen^{1,2}, WU Shaojuan¹, MA Shunshun¹, WANG Kai¹

 College of Civil Engineering and Architecture, Shandong University of Science and Technology, Qingdao 266590, China;
 Shandong Provincial Key Laboratory of Civil Engineering Disaster Prevention and Mitigation, Shandong University of Science and Technology, Qingdao 266590, China)

Abstract: During the downward expansion of the basement of an existing building, the existing support piles and foundation piles are unable to withstand the lateral earth pressure caused by the additional excavation. Supplementary support piles need to be added to ensure the stability of the building. The force characteristics of each pile in the newly-formed system are different. Therefore, indoor model test was adopted to study the variation of the top horizontal displacement and the body stress of the double-row support piles and foundation piles with the excavation depth. The results show that the horizontal displacement of the supplementary support piles grows more slowly than that of the excavation. However, the displacement of the supplementary support piles remains basically constant with the increase of the excavation depth. In addition, during the second excavation of the original foundation pit, the bending moment of the foundation piles is "S-shaped". In the middle of the foundation pit, the bending moment of the supplement of the foundation piles is "S-shaped".

基金项目:山东省自然科学基金项目(ZR2019MEE027)

作者简介:孔德森(1977—),男,山东滕州人,教授,博士,主要从事基坑工程与桩基工程领域的教学与科研工作.

E-mail:dskong828@163.com

吴绍娟(1998-),女,山东青岛人,硕士研究生,主要从事基坑工程领域的科研工作.

E-mail:skd992012@sdust.edu.cn

收稿日期:2022-07-29

plementary support piles is greater than that of the existing support piles. The supplementary support piles located at the center have a stronger role in sharing the earth pressure. Under the influence of spatial effects, the horizontal displacement of the support system decreases gradually from the center piles to the edge piles. As the excavation depth increases, the growth rate of displacement and bending moment of center piles is the fastest. **Key words:** foundation pit; additional excavation; support piles; pile foundation; model test

由于土地资源有限,城市规划设计缺乏创新性与前瞻性,导致部分建筑不能满足人们的多方面需求。因 此,城市地下空间扩增成为缓解城市用地紧张的必要手段。既有基坑二次开挖会使原有支护桩的嵌固深度 变小,进而打破原有的桩-土平衡状态。随着开挖深度的增加,既有支护桩难以承受桩后的土压力而发生倾 覆破坏,从而导致基坑倒塌,造成严重的工程事故。为避免此类事故的发生,需要在既有基坑二次开挖前,在 原有支护桩外侧新增一排支护桩,形成既有-新增双层排桩支护体系^[1],不仅能够提高基坑支护能力,而且可 以充分利用既有支护桩的承载能力,保证上部建筑物的稳定。龚晓南等[2]采用理论分析和数值模拟方法研 究了增层开挖后桩基的承载力,分析了增层开挖条件下桩侧极限摩阻力损失比随不同增层开挖宽度和深度 的变化规律。伍程杰[3]利用有限元软件建立地下空间向下增层开挖的三维有限元模型,研究了群桩基础的 桩身轴力、桩侧摩阻力、土体回弹等在二次开挖过程中的变化规律。单华峰等[4]采用有限元软件模拟地下空 间二次开挖过程,并对群桩基础中的桩基沉降特性进行了研究,发现桩顶沉降量与地下空间二次开挖深度呈 正比,当开挖深度不变时,不同位置的桩顶沉降量不同。冯若峰^[5]对二次开挖过程中役桩的竖向承载特性进 行研究,对比分析受荷单桩和群桩的承载特性差异,建立了在役桩的荷载传递模型。Lee 等^[6]利用有限元软 件,对基坑内单桩和群桩的工作机理进行研究,分析了基坑开挖过程中单桩和群桩的受力、变形规律。Wan 等^[7-9]对基坑开挖过程中桩身拉力的产生和桩身拉力的变化规律进行了研究,认为基坑开挖的卸荷作用是导 致桩身拉力产生的主要原因。王相阁等^[10]通过室内大比尺模型试验,研究了h型双排桩中的既有桩与新增 桩桩身受力随开挖深度的变化规律。唐德琪等[11]通过室内模型试验方法,研究了被动区土体侧移作用下坑 内桩基的受力特性,重点分析了基坑开挖深度、支护结构与坑内桩基的距离、桩顶竖向荷载以及承台约束高 度等对桩基弯矩和剪力的影响。

上述研究分析了基坑中桩基础的承载能力和变形特性以及既有基坑二次开挖时双层支护排桩与既有受 荷桩的承载特性,而对地下空间二次开挖时双层排桩支护体系与受荷基桩共同工作特性的研究较少。为探 究既有-新增双层支护桩与受荷基桩在不同基坑开挖深度下的受力特性,建立室内试验模型,以分析基坑内 支护桩和基桩的桩顶位移与桩身弯矩的变化规律。

1 工程背景

某建筑平面呈近似正方形,长和宽均为 33 m,占地面积为 1 089 m²,主体为框架剪力墙结构,每层楼单 位荷载为 18.96 kPa,各楼层自重一致。该建筑只有一层地下室,原基坑开挖深度为 5 m,采用直径为 0.8 m 的钻孔灌注桩支护,桩长为 15 m,桩间距为 1.5 m。拟向下增层开挖,新建一层地下车库。由于增建的地下 二层车库的层高较高,新增开挖深度为 13 m,需在地下室周边增设排桩支护结构。新增支护桩为直径 0.8 m 的钻孔灌注桩,桩长 25 m,桩间距 1.5 m,既有排桩支护结构与新增排桩支护结构的间距为 3 m。基 坑内的桩基础为钻孔灌注桩,桩径为 0.8 m,桩长为 37.5 m,桩间距为 6.6 m,呈正方形布置,共 16 根,桩基 础混凝土的强度等级为 C30,与既有支护桩的最小间距为 6.6 m。

2 试验方案

2.1 模型设计

依据模型试验的相似理论原理,对建筑物进行相似比换算。试验采用装有砂土的模型箱,尺寸为3m× 3m×1.6m(长×宽×高),在土箱内铺贴防渗薄膜以消除模型试验的边界效应,基桩既有支护桩、新增支护 桩的模型桩外径分别为50、32、32mm,壁厚2mm,桩长分别为1.55、0.65、1.05m,弹性模量为15MPa,施 加在基桩上的力为 5 N。模型桩采用聚氯乙烯(polyvinyl chloride, PVC)圆管,以确保被动区土体的位移不 受桩间土拱效应的影响。模型几何相似比 $C_L = 1/25$,弹性模量 $C_E = 10$,桩身弯矩相似比 $C_M = C_E C_L^3 = 156\ 250$,线位移相似比 $C_\delta = C_L = 25$ 。试验布置如图 1 所示,剖面图如图 2 所示。制作应变测试桩时,每隔 10 cm 标注应变片的位置,在桩身的迎土面及背土面两个方向粘贴应变片,并在上方 1~2 cm 处打孔,引出 导线,以减小桩身的侧摩阻力,制作完成后的应变测试桩如图 3 所示。



图1 模型平面示意图

Fig. 1 Model floor plan



图 2 过模型中心线剖面图

Fig. 2 Section through the model centerline

2.2 面积置换

由于基桩的布桩密度较高,引入置换率的概念进行简化计算,采用大面积规则布桩中的正方形布桩形式进行置换。根据 置换率的定义,按照有限范围内所有桩的面积除以有限范围的 总面积即可得到置换率^[12]。

 $m = n \cdot A_p / A = 16\pi \times 0.016^2 / 1.32^2 = 0.0074$ 。 (1) 其中: *m* 为面积置换率; *n* 为基桩的数量; *A_p* 为单根桩的截面积, m²; *A* 为有限范围的总面积, m²。

按正方形布桩划分单元体,单元体面积内桩的截面积为半 个桩面积,此时面积置换率

$$m = \frac{\pi d^2}{4s^2},\tag{2}$$

其中: *d* 为置换后的基桩直径, m; *s* 为置换后的基桩桩间距, m。根据置换率相等, 有

$$\frac{\pi d^2}{4s^2} = \frac{n \cdot A_p}{A} = 0.007 4, \qquad (3)$$
$$\frac{d}{s} = 0.096 97_o \qquad (4)$$

图 3 模型桩示意图 Fig. 3 Diagram of model pile

据试验要求,基桩模型桩外径为 0.05 m,厚度为 0.002 m,则基桩的桩间距为 0.516 m。

2.3 试验工况

室内模型试验共分9次开挖,试验参数设定及开挖深度如表1所示。

2.4 试验步骤

1) 模拟既有工程阶段。经过测量放线,确定基桩位置,将基桩垂直放置于基坑内并进行填土,当坑内土体距离基坑顶部 65 cm 时,埋入既有支护桩,继续填土至距桩顶 5 cm 位置处,静置 24 h。

2) 新增支护桩阶段。将基坑向下开挖 20 cm,即原有一层地下室的几何相似高度,静置 24 h,打入新增 支护桩。

3) 监测仪器放置阶段。采用百分表测试新增支护桩的桩顶水平位移时,将测量杆与新增支护桩抵触,

使测量杆有一定的压缩量,记录初始数值。百分表安装完成后接入高速静态应变仪,应变片采用半桥连接, 实时记录桩身应变数据。

								111
开挖	Н	Z1 长	Z2 长	Z3 长	Z1、Z2 桩间距	Z3 桩间距	排间距 B	桩顶约束条件
1	0.10	0.65	1.05	1.55	0.06	0.516	0.12	Z1 无冠梁
2	0.20	0.65	1.05	1.55	0.06	0.516	0.12	Z1 无冠梁
3	0.25	0.65	1.05	1.55	0.06	0.516	0.12	Z1 无冠梁
4	0.30	0.65	1.05	1.55	0.06	0.516	0.12	Z1 无冠梁
5	0.32	0.65	1.05	1.55	0.06	0.516	0.12	Z1 无冠梁
6	0.35	0.65	1.05	1.55	0.06	0.516	0.12	Z1 无冠梁
7	0.40	0.65	1.05	1.55	0.06	0.516	0.12	Z1 无冠梁
8	0.45	0.65	1.05	1.55	0.06	0.516	Z1 退出工作	Z1 退出工作
9	0.50	0.65	1.05	1.55	0.06	0.516	Z1 退出工作	Z1 退出工作

表 1 实验开挖各桩及深度信息 Table 1 Experimental excavation of each pile and depth information

注:H 表示开挖深度;Z1 表示既有支护桩;Z2 表示新增支护桩;Z3 表示基桩;B 表示新增支护桩与既有支护桩排间距。

4) 开挖阶段。采用分层开挖,开挖深度为 10~20 cm 时,每 10 cm 开挖一步;开挖深度为 20~30 cm 时,每 5 cm 开挖一步;开挖至 30 cm 后再开挖 2 cm,然后继续向下开挖 3 cm,此时开挖深度达到 35 cm。在 开挖深度为 35~50 cm 时,每 5 cm 开挖一步,即总开挖深度为 50 cm。每一步开挖完成,待土体稳定后检测 桩身应变值、桩顶水平位移。

3 桩身位移及弯矩分析

由于桩呈正方形布置,四边受力及变形相同,故取基坑一边中点位置的支护桩(既有支护桩 Y1、新增支 护桩 Y7)和基桩 YT2 为研究对象,如图 4 所示,研究支护桩及受荷基桩的相互作用。



3.1 桩顶位移分析

增层开挖时既有支护桩 Y1 与新增支护桩 Y7 以及基桩 YT2 的桩顶水平位移如图 5 所示。从图 5 可以

看出,支护桩的桩顶水平位移与二次开挖深度呈正比,随着开挖深度的增加,桩顶水平位移的增长幅度越大; 基桩的桩顶水平位移变化幅度很小。另外,既有支护桩和新增支护桩的桩顶水平位移都随二次开挖深度的 增加而增大,但新增支护桩的桩顶水平位移增长趋势没有既有支护桩明显;在同一开挖深度时,既有支护桩 的桩顶水平位移要大于新增支护桩,说明在二次开挖时,水平位移主要发生在既有支护桩上。因此,当开挖 到一定深度时,既有支护桩可能会先产生倾覆破坏。随着增层开挖深度的增大,基桩的桩顶水平位移增长幅 度不大,其主要原因是基桩的嵌固深度较深,说明基桩在开挖过程中一般不会发生倾覆破坏。

3.2 桩身弯矩分析

Y1、Y7及YT2的桩身弯矩分布曲线分别如图 6 和图 7 所示。由图 6(a)可知,埋深 5~15 cm 时既有支 护桩的桩身弯矩基本不变,最大弯矩位于埋深 25 cm 处,最大弯矩值为 168.43 N•cm。随着开挖深度的增 大,弯矩逐渐减小,说明在既有支护桩外围补入新增支护桩能够分担一大部分由于开挖产生的侧向土压力, 减少既有支护桩的受力。因此,从桩身弯矩方面分析,新增支护桩能够有效承担土压力,具有一定的支护能 力。由图 6(b)可知,新增支护桩的桩身弯矩在开挖深度 H=25 cm 和 H=40 cm 时突增;另外,新增支护桩 的最大弯矩值均在埋深 60 cm 处,即既有支护桩失效处,说明既有支护桩倾覆后,桩间土对新增支护桩的弹 性支撑作用减弱。



图6 支护桩弯矩图

Fig. 6 Bending moment diagram of support piles

如图 6 所示,开挖深度 H 为 10 cm 时,既有支护桩的最大弯矩值为 96.60 N · cm,H 分别为 20、25、30、 32、35、40 cm 时,既有支护桩的最大弯矩值分别为 168.43、160.45、134.87、120.27、120.27、107.39 N · cm; H 为 10、20 cm 时,新增支护桩的最大弯矩值分别为 12.85、39.86 N · cm;H 分别为 25、30、32、35、40 cm 时,新增支护桩的最大弯矩值分别为 131.45、175.74、182.63、175.74、198.43 N · cm。可见,在开挖 10 cm 之后,既有支护桩的弯矩开始急剧增长,而在开挖 20 cm 后,新增支护桩的弯矩才开始急剧增长,并且随着开 挖深度的增加,新增支护桩的桩身弯矩要大于既有支护桩。说明既有基坑二次开挖时,中心位置处的新增支 护桩能够有效承担侧向土压力和桩间土的剪应力,分担土压力的作用较强。从图 7 可以看出,基桩的桩身弯 矩变化大致呈"S"形,弯矩最小值位于埋深 65 cm 处,即既有支护桩失效处,说明在既有支护桩失效前,基桩 几乎不承担侧向土压力。随着开挖深度的增大,基桩的桩身弯矩呈负增长趋势,此时新增支护桩承担大部分 土压力,因此新增支护桩起到至关重要的作用。既有支护桩倾覆破坏后,基桩和新增支护桩共同作用,此时 基桩的弯矩开始增长。基桩弯矩的最大值位于埋深 105 cm 处,即新增支护桩失效处,此时既有-新增支护体 系失去作用。

4 空间效应分析

二次开挖时,由于空间效应的影响,试验中同一 开挖深度下,沿基坑一边分布的支护桩的工作特性会 有明显差别。沿基坑的宽度方向上,桩体的最大水平 变形、弯矩峰值的大小随距坑角的距离增大而增 大^[13]。取中心桩(Y1、Y7)、边桩(Y3、Y9)、角桩(Y5、 Y11)为研究对象,分析在空间效应作用下不同位置 的支护桩承载特性的变化规律。在室内模型试验中, 基坑平面为边长 132 cm 的正方形,中心桩位于基坑 边中点,边桩距中心桩 24 cm,角桩距中心桩 48 cm。

不同位置支护桩的桩顶水平位移变化规律如图 8 所示。由图 8(a)可知,既有支护桩的桩顶水平位 移增速随二次开挖深度的增加而逐渐增大,且中心



Fig. 7 Bending moment diagram of foundation piles

桩的桩顶水平位移增长速度最快,角桩的增长速度最慢,边桩位于中心桩和角桩之间。由图 8(b)可知,同一 开挖深度下,新增支护桩的桩顶水平位移变化规律与既有支护桩相同。与既有支护桩不同的是,随着二次开 挖深度的增加,新增支护桩的桩顶水平位移增长速率没有明显提升。从中心桩到边角桩,既有支护桩和新增 支护桩的桩顶水平位移都呈减少的趋势,说明基坑两侧壁土体具有一定的限制作用,使支护桩在二次开挖作 用下产生的桩顶水平位移呈现中间大、两边小的趋势,且空间效应对既有支护桩的影响较大,对新增支护桩 的影响较小。







模型试验得到不同位置既有支护桩和新增支护桩的桩身弯矩分布规律,如图 9 和图 10 所示。由图 9 可 知,在同一开挖深度,不同位置既有支护桩的桩身弯矩大小不同,表现为中心桩的桩身弯矩最大,边桩其次, 角桩的桩身弯矩最小,虽然不同位置既有支护桩的桩身弯矩相差不大,但其桩身弯矩的分布规律较为相似, 都呈中间大、两边小的趋势^[14]。由图 10 可以看出,不同位置新增支护桩的桩身弯矩分布类似于既有支护 桩,但中心桩与角桩的最大桩身弯矩相差较大。不同位置支护桩的桩身弯矩不同主要是受到空间效应的影 响,支护桩在同一基坑边受到的侧向土压力不同,土压力沿基坑边方向呈抛物线分布,因此中心桩受力最大, 角桩受力最小,边桩介于两者之间。从支护桩受力角度分析,中间区域为支护桩受力的薄弱区域^[15],可推断 出开挖到一定深度时中心桩可能最先倒塌破坏,而边角桩的支护效果较好。总体上,在中心位置处新增支护 桩的桩身弯矩大于既有支护桩,而在边角位置处弯矩值比既有支护桩小,说明新增支护桩为主要的受力支护



体系,在中心位置处分担土压力的作用更强,在边角位置处分担土压力的能力较弱。



Fig. 9 Bending moment of existing support piles at different positions



图 10 不同位置处新增支护桩桩身弯矩

Fig. 10 Bending moment of newly-added support piles at different positions

5 结论

1) 在中心位置,随着开挖深度的增加,既有、新增支护桩的桩顶水平位移不断增大。开挖深度 40 cm 以内,桩顶水平位移增长缓慢,开挖深度超过 40 cm,支护桩桩顶位移急剧增长,但新增支护桩的桩顶水平位移 增长速度比既有支护桩缓慢,基桩的桩顶水平位移随开挖深度增加变化不大。

2) 在中心位置,开挖深度较小时,既有支护桩和新增支护桩桩身弯矩相差不大,但随着开挖深度的增加,新增支护桩的桩身弯矩要远大于既有支护桩,且在开挖10 cm 后,既有支护桩桩身弯矩急剧增长,而新增 支护桩在开挖20 cm 后,桩身弯矩随开挖深度急剧增长。基桩桩身弯矩呈"S"型分布,在既有支护桩退出工 作前,桩身弯矩呈负向缓慢增长,而在既有支护桩失效后,桩身弯矩呈正向且迅速增长,桩身最大弯矩出现在 新增支护桩失效时。

3)受空间效应的影响,从中心桩到边角桩位置,支护体系的桩顶水平位移逐渐减小,但既有支护桩的减小趋势要远大于新增支护桩。随着二次开挖深度的增大,中心桩的桩顶位移增长速度最快,角桩的增长速度 最慢,边桩位于中心桩和角桩之间。

4)既有基坑二次开挖条件下,支护桩的桩身弯矩呈中间大、两边小的趋势。既有支护桩和新增支护桩 的桩身最大弯矩值都呈线性增长;受到空间效应的影响,中心桩的桩身弯矩最大,其次是边桩,角桩最小,在 中心位置处新增支护桩的桩身弯矩大于既有支护桩,而在边角位置处小于既有支护桩。

参考文献:

[1] 郑曙光,唐德琪,傅林峰,等.既有建筑地下增层既有-新增双层排桩支护体系有限元分析[J].建筑结构,2019,49(增2): 716-721.

ZHENG Shuguang, TANG Deqi, FU Linfeng, et al. Finite element analysis of double-layered soldier piles retaining structure subjected to basement supplement beneath existing building[J]. Building Structure, 2019, 49(S2): 716-721.

- [2] 龚晓南,伍程杰,俞峰.既有地下室增层开挖引起的桩基侧摩阻力损失分析[J]. 岩土工程学报,2013,35(11):1957-1964.
 GONG Xiaonan,WU Chengjie,YU Feng. Shaft resistance loss of piles due to excavation beneath existing basements[J].
 Chinese Journal of Geotechnical Engineering,2013,35(11):1957-1964.
- [3] 伍程杰, 增层开挖对既有建筑桩基承载性状影响研究[D]. 杭州:浙江大学,2014.
 WU Chengjie. Study on bearing behavior of piles for excavation beneath existing buildings[D]. Hangzhou: Zhejiang University, 2014.
- [4] 单华峰,夏唐代,俞峰,等.既有建筑物地下室增层开挖群桩沉降性状研究[J].岩土工程学报,2015,37(增1):46-50. SHAN Huafeng,XIA Tangdai,YU Feng,et al. Settlement of pile groups associated with excavation beneath existing basement[J]. Chinese Journal of Geotechnical Engineering,2015,37(S1):46-50.

[5] 冯若峰.既有建筑地下增层开挖条件下在役桩竖向承载特性研究[D].济南:山东大学,2019. FENG Ruofeng. Analysis on vertical bearing behaviour of in-service piles under the condition of excavation beneath existing building[D]. Jinan: Shandong University, 2019.

- [6] LEE K. Buckling of partially embedded piles in sand[J]. Journal of Soil Mechanics and Foundation Division, ASCE, 1968, 94 (1):255-270.
- [7] WAN F. Experimental and theoretical analysis of a bored pile in swelling ground[D]. Birmingham: University of Birmingham, 1995.
- [8] ZEEVAERT L. Foundation engineering for difficult subsoil conditions[M]. New York: Van Nostrand Reinhold Company, 1985.
- [9] O'REILLY M, AI-TABBAA A. Heave induced pile tension: a simple one-dimension analysis[J]. Ground Engineering, 1990,25(5):28-33.
- [10] 王相阁,陈海兵,唐德琪.地下增层h型双排桩支挡体系模型试验研究[J].低温建筑技术,2021,43(3):88-92.
 WANG Xiangge, CHEN Haibing, TANG Deqi. Model testing on retaining system of h-type double row piles subject to underground storey supplement[J]. Low Temperature Building Technology,2021,43(3):88-92.
- [11] 唐德琪,俞峰,黄祥国,等. 开挖诱发坑内既有基桩附加内力的模型试验[J]. 浙江大学学报(工学版),2019,53(8):1457-1466. TANG Deqi, YU Feng, HUANG Xiangguo, et al. Chamber tests for investigating additional internal forces in existing foundation piles induced by excavation[J]. Journal of Zhejiang University (Engineering Edition),2019,53(8):1457-1466.
- [12] 秦景,路威,朱俊臣,等. 复合地基中桩土面积置换率的确定及计算方法[J]. 施工技术,2013,42(增2):104-107.
 QIN Jing,LU Wei,ZHU Junchen, et al. Calculation methods of soil-column area replacement ratio in the composite sub-grade[J]. Construction Technology,2013,42(S2):104-107.
- [13] 王俊锋,寇小勇,孙健,等. 采用双排桩支护结构的阴阳角型深基坑空间效应研究[J]. 建筑结构,2022,52(增1):2483-2490.
 WANG Junfeng, KOU Xiaoyong, SUN Jian, et al. Research on the space effect of the deep foundation pit with double-row piles supporting structure[J]. Building Structure,2022,52(S1):2483-2490.
- [14] 孔德森,赵新媛,侯迪,等. 冠梁对既有-新增双层排桩支护结构工作特性的影响[J]. 山东科技大学学报(自然科学版), 2023,42(1):69-78.
 KONG Desen,ZHAO Xinyuan,HOU Di, et al. Influence of crown beam on working characteristics of existing-new double-layered row pile supporting structure[J]. Journal of Shandong University of Science and Technology(Natural Science), 2023,42(1):69-78.
- [15] 宫志群,丁北斗,李阳,等. 基于空间效应的土岩二元地层深基坑变形规律研究[J]. 山东科技大学学报(自然科学版), 2021,40(5):87-97.

GONG Zhiqun, DING Beidou, LI Yang, et al. Study on deformation laws of deep foundation pits in soil-rock dualistic strata based on space effect[J]. Journal of Shandong University of Science and Technology (Natural Science), 2021, 40(5):87-97.